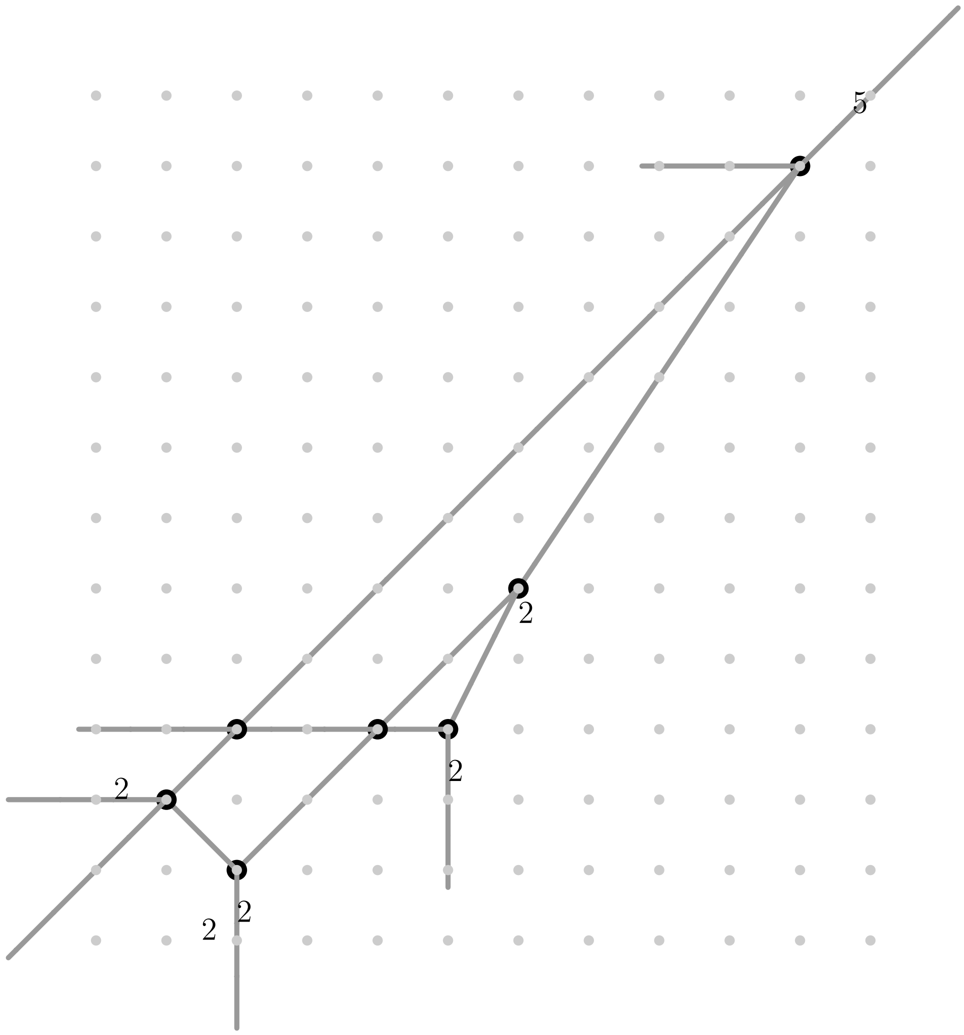
The Tropicalisation of

$$
f = x^5 - 5\cdot x^4y + 10\cdot x^3y^2 - 10\cdot x^2y^3 + 5\cdot xy^4 - y^5 + (18\cdot t^6 - 1035\cdot t^8 - 1035\cdot t^{10} + 149\cdot
t^{12} - 495\cdot t^{13} + 9306\cdot t^{14} - 495\cdot t^{15} + 9225\cdot t^{16} + 50\cdot t^{18} + 4125\cdot t^{19} + 4125\cdot t^{21} + 625\cdot t^{24} +
625\cdot t^{26})\cdot x^4 + (-242\cdot t^2 - 726\cdot t^4 - 762\cdot t^6 - 110\cdot t^7 + 4006\cdot t^8 - 330\cdot t^9 + 4248\cdot t^{10} - 330\cdot
t^{11} - 460\cdot t^{12} + 1870\cdot t^{13} - 36924\cdot t^{14} + 1980\cdot t^{15} - 36600\cdot t^{16} - 100\cdot t^{18} - 16500\cdot t^{19} -
16500\cdot t^{21} - 2500\cdot t^{24} - 2500\cdot t^{26})\cdot x^3y + (4 + 625\cdot t^2 + 1855\cdot t^4 + 1873\cdot t^6 + 275\cdot t^7 - 5855\cdot
t^8 + 825\cdot t^9 - 6476\cdot t^{10} + 825\cdot t^{11} + 554\cdot t^{12} - 2695\cdot t^{13} + 55086\cdot t^{14} - 2970\cdot t^{15} + 54600\cdot
t^{16} + 50\cdot t^{18} + 24750\cdot t^{19} + 24750\cdot t^{21} + 3750\cdot t^{24} + 3750\cdot t^{26})\cdot x^2y^2 + (-4 - 504\cdot t^2 - 1492\cdot
t^4 - 1492\cdot t^6 - 220\cdot t^7 + 3852\cdot t^8 - 660\cdot t^9 + 4352\cdot t^{10} - 660\cdot t^{11} - 324\cdot t^{12} + 1760\cdot t^{13} -
36624\cdot t^{14} + 1980\cdot t^{15} - 36300\cdot t^{16} - 16500\cdot t^{19} - 16500\cdot t^{21} - 2500\cdot t^{24} - 2500\cdot t^{26})\cdot xy^3 +
(1 + 126\cdot t^2 + 373\cdot t^4 + 373\cdot t^6 + 55\cdot t^7 - 963\cdot t^8 + 165\cdot t^9 - 1088\cdot t^{10} + 165\cdot t^{11} + 81\cdot t^{12} -
440\cdot t^{13} + 9156\cdot t^{14} - 495\cdot t^{15} + 9075\cdot t^{16} + 4125\cdot t^{19} + 4125\cdot t^{21} + 625\cdot t^{24} + 625\cdot t^{26})\cdot y^4 +
(-131769\cdot t^{10} - 526995\cdot t^{12} - 780327\cdot t^{14} - 119790\cdot t^{15} - 852682\cdot t^{16} - 479160\cdot t^{17} -
45824018\cdot t^{18} - 714285\cdot t^{19} - 90676631\cdot t^{20} - 794090\cdot t^{21} - 55400963\cdot t^{22} - 61818185\cdot
t^{23} - 19794969\cdot t^{24} - 122729805\cdot t^{25} - 8919300\cdot t^{26} - 70556420\cdot t^{27} - 25915200\cdot t^{28} -
18078500\cdot t^{29} - 54155725\cdot t^{30} - 8467250\cdot t^{31} - 30165000\cdot t^{32} - 3316500\cdot t^{33} - 5441250\cdot
t^{34} - 7778375\cdot t^{35} - 2671250\cdot t^{36} - 4331250\cdot t^{37} + 101250\cdot t^{38} - 584375\cdot t^{39} + 50625\cdot
t^{40} - 309375\cdot t^{41})\cdot x^3 + (2178\cdot t^8 + 408375\cdot t^{10} + 1613655\cdot t^{12} + 990\cdot t^{13} + 2366391\cdot t^{14} +
365310\cdot t^{15} - 446384\cdot t^{16} + 1452330\cdot t^{17} + 125500972\cdot t^{18} + 2154405\cdot t^{19} + 254268621\cdot
t^{20} - 314380\cdot t^{21} + 154884739\cdot t^{22} + 174688745\cdot t^{23} + 57345907\cdot t^{24} + 352127655\cdot
t^{25} + 26801650\cdot t^{26} + 201194510\cdot t^{27} + 75494350\cdot t^{28} + 51969500\cdot t^{29} + 158838075\cdot
t^{30} + 25690500\cdot t^{31} + 88075000\cdot t^{32} + 10023750\cdot t^{33} + 15718750\cdot t^{34} + 23335125\cdot t^{35} +
8013750\cdot t^{36} + 12993750\cdot t^{37} - 303750\cdot t^{38} + 1753125\cdot t^{39} - 151875\cdot t^{40} + 928125\cdot t^{41})\cdot
x^2y + (-3267\cdot t^8 - 414909\cdot t^{10} - 1629990\cdot t^{12} - 1485\cdot t^{13} - 2379096\cdot t^{14} - 368280\cdot
t^{15} + 1948599\cdot t^{16} - 1459755\cdot t^{17} - 119515431\cdot t^{18} - 2160180\cdot t^{19} - 245387985\cdot t^{20} +
1662705\cdot t^{21} - 149225664\cdot t^{22} - 169305840\cdot t^{23} - 56326407\cdot t^{24} - 344096775\cdot t^{25} -
26823525\cdot t^{26} - 195957135\cdot t^{27} - 74368725\cdot t^{28} - 50836500\cdot t^{29} - 157023525\cdot t^{30} -
25834875\cdot t^{31} - 86865000\cdot t^{32} - 10060875\cdot t^{33} - 15416250\cdot t^{34} - 23335125\cdot t^{35} -
8013750\cdot t^{36} - 12993750\cdot t^{37} + 303750\cdot t^{38} - 1753125\cdot t^{39} + 151875\cdot t^{40} - 928125\cdot
t^{41})\cdot xy^2 + (1089\cdot t^8 + 138303\cdot t^{10} + 543330\cdot t^{12} + 495\cdot t^{13} + 793032\cdot t^{14} + 122760\cdot t^{15} -
649533\cdot t^{16} + 486585\cdot t^{17} + 39838477\cdot t^{18} + 720060\cdot t^{19} + 81795995\cdot t^{20} - 554235\cdot
t^{21} + 49741888\cdot t^{22} + 56435280\cdot t^{23} + 18775469\cdot t^{24} + 114698925\cdot t^{25} + 8941175\cdot
t^{26} + 65319045\cdot t^{27} + 24789575\cdot t^{28} + 16945500\cdot t^{29} + 52341175\cdot t^{30} + 8611625\cdot t^{31} +
28955000\cdot t^{32} + 3353625\cdot t^{33} + 5138750\cdot t^{34} + 7778375\cdot t^{35} + 2671250\cdot t^{36} + 4331250\cdot
t^{37} - 101250\cdot t^{38} + 584375\cdot t^{39} - 50625\cdot t^{40} + 309375\cdot t^{41})\cdot y^3 + (-13176900\cdot
t^{22} - 1686643200\cdot t^{24} + 39982743900\cdot t^{26} - 11979000\cdot t^{27} + 128381093775\cdot t^{28} -
2258041500\cdot t^{29} + 125159750100\cdot t^{30} + 76570102125\cdot t^{31} + 30131541000\cdot t^{32} +
240998855625\cdot t^{33} - 12628152900\cdot t^{34} + 236435042250\cdot t^{35} + 51225222150\cdot t^{36} +
62713963125\cdot t^{37} + 168664157100\cdot t^{38} - 16340308875\cdot t^{39} + 166445919450\cdot
t^{40} + 12496114125\cdot t^{41} + 47941593750\cdot t^{42} + 52183803375\cdot t^{43} - 7535469375\cdot
t^{44} + 51775168500\cdot t^{45} - 129616875\cdot t^{46} + 16005825000\cdot t^{47} + 6031372500\cdot t^{48} -
1209656250\cdot t^{49} + 6006566250\cdot t^{50} - 323296875\cdot t^{51} + 1973812500\cdot t^{52} + 2784375\cdot
$$

$$
t^{53} - 17015625 \cdot t^{54}) \cdot x^2 + (88578050 \cdot t^{18} + 11337990400 \cdot t^{20} + 55469624650 \cdot t^{22} + 120788250 \cdot t^{23} + 112809637050 \cdot t^{24} + 20332688750 \cdot t^{25} + 26189814750 \cdot t^{26} + 99990376750 \cdot t^{27} - 209460044750 \cdot t^{28} + 202486361000 \cdot t^{29} - 233513096300 \cdot t^{30} + 40397843750 \cdot t^{31} + 3286281350 \cdot t^{32} - 393097559250 \cdot t^{33} + 158698027950 \cdot t^{34} - 459533464500 \cdot t^{35} + 29832418500 \cdot t^{36} - 110562320000 \cdot t^{37} - 274730779200 \cdot t^{38} + 72030634500 \cdot t^{39} - 323752255150 \cdot t^{40} + 15181344750 \cdot t^{41} - 96039882500 \cdot t^{42} - 84810225500 \cdot t^{43} + 19142588750 \cdot t^{44} - 100214518250 \cdot t^{45} + 4833185000 \cdot t^{46} - 32377675000 \cdot t^{47} - 9775088750 \cdot t^{48} + 2344443750 \cdot t^{49} - 11555601250 \cdot t^{50} + 646593750 \cdot t^{51} - 3947625000 \cdot t^{52} - 5568750 \cdot t^{53} + 34031250 \cdot t^{54}) \cdot xy + (-44289025 \cdot t^{18} - 5668995200 \cdot t^{20} - 27734812325 \cdot t^{22} - 60394125 \cdot t^{23} - 56404818525 \cdot t^{24} - 10166344375 \cdot t^{25} - 13094907375 \cdot t^{26} - 49995188375 \cdot t^{27} + 104730022375 \cdot t^{28} - 101243180500 \cdot t^{29} + 116756548150 \cdot t^{30} - 20198921875 \cdot t^{31} - 1643140675 \cdot t^{32} + 196548779625 \cdot t^{33} - 79349013975 \cdot t^{34} + 229766732250 \cdot t^{35} - 14916209250 \cdot t^{36} + 55281160000 \cdot t^{37} + 137365389600 \cdot t^{38} - 36015317250 \cdot t^{39} + 161876127575 \cdot t^{40} - 7590672375 \cdot t^{41} + 48019941250 \cdot t^{42} + 42405112750 \cdot t^{43} - 9571294375 \cdot t^{44} + 50107259125 \cdot t^{45} - 2416592500 \cdot t^{46} + 16188837500 \cdot t^{47} + 4887544375 \cdot t^{48} - 1172221875 \cdot t^{49} + 5777800625 \cdot t^{50} - 323296875 \cdot t^{51} + 1973812500 \cdot t^{52} + 2784375 \cdot t^{53} - 17015625 \cdot t^{54}) \cdot y^2 + (48230748225 \cdot t^{26} + 6221766521025 \cdot t^{28} + 36362396750625 \cdot t^{30} + 87692269500 \cdot t^{31} + 89776953906750 \cdot t^{32} + 13964993917875 \cdot t^{33} + 117389655167400 \cdot t^{34} + 82031226193125 \cdot t^{35} + 83587474084950 \cdot t^{36} + 203034237701625 \cdot t^{37} + 39969339235650 \cdot t^{38} + 266535217674000 \cdot t^{39} + 73527744373875 \cdot t^{40} + 191768317624125 \cdot t^{41} + 181000978500375 \cdot t^{42} + 71534787662250 \cdot t^{43} + 241585347190275 \cdot t^{44} + 35244164587500 \cdot t^{45} + 176015831102100 \cdot t^{46} + 78275700384750 \cdot t^{47} + 64364462229375 \cdot t^{48} + 109067429394000 \cdot t^{49} + 11871233921250 \cdot t^{50} + 80756403044625 \cdot t^{51} + 15550059690000 \cdot t^{52} + 30220284290625 \cdot t^{53} + 24389618343750 \cdot t^{54} + 3840317662500 \cdot t^{55} + 18519556460625 \cdot t^{56} + 728884715625 \cdot t^{57} + 7160821593750 \cdot t^{58} + 2099020275000 \cdot t^{59} + 984149718750 \cdot t^{60} + 1698247856250 \cdot t^{61} - 109121203125 \cdot t^{62} + 679433906250 \cdot t^{63} - 18530015625 \cdot t^{64} + 113238984375 \cdot t^{65}) \cdot x + (-48230748225 \cdot t^{26} - 6221766521025 \cdot t^{28} - 36362396750625 \cdot t^{30} - 87692269500 \cdot t^{31} - 89776953906750 \cdot t^{32} - 13964993917875 \cdot t^{33} - 117389655167400 \cdot t^{34} - 82031226193125 \cdot t^{35} - 83587474084950 \cdot t^{36} - 203034237701625 \cdot t^{37} - 39969339235650 \cdot t^{38} - 266535217674000 \cdot t^{39} - 73527744373875 \cdot t^{40} - 191768317624125 \cdot t^{41} - 181000978500375 \cdot t^{42} - 71534787662250 \cdot t^{43} - 241585347190275 \cdot t^{44} - 35244164587500 \cdot t^{45} - 176015831102100 \cdot t^{46} - 78275700384750 \cdot t^{47} - 64364462229375 \cdot t^{48} - 109067429394000 \cdot t^{49} - 11871233921250 \cdot t^{50} - 80756403044625 \cdot t^{51} - 15550059690000 \cdot t^{52} - 30220284290625 \cdot t^{53} - 24389618343750 \cdot t^{54} - 3840317662500 \cdot t^{55} - 18519556460625 \cdot t^{56} - 728884715625 \cdot t^{57} - 7160821593750 \cdot t^{58} - 2099020275000 \cdot t^{59} - 984149718750 \cdot t^{60} - 1698247856250 \cdot t^{61} + 109121203125 \cdot t^{62} - 679433906250 \cdot t^{63} + 18530015625 \cdot t^{64} - 113238984375 \cdot t^{65}) \cdot y
$$

The vertices of the tropical curve are:

$$(0,0),\ \ (-4,-6),\ \ (-5,-8),\ \ (-6,-8),\ \ (-8,-8),\ \ (-8,-10),\ \ (-9,-9)$$



The Newton subdivision of the tropical curve is: